

浅析 C 语言快速排序算法的改进

Analysis of improving the c language quick sort algorithm

刘娜 (渤海大学信息中心 辽宁锦州 121013)

佟冶 (渤海大学文理学院 辽宁锦州 121013)

摘要: 排序是计算机程序设计中一种重要操作,本文论述了 C 语言中快速排序算法的改进,即快速排序与直接插入排序算法相结合的实现过程。在 C 语言程序设计中,实现大量的内部排序应用时,所寻求的目的就是找到一个简单、有效、快捷的算法。本文着重阐述快速排序的改进与提高过程,从基本的性能特征到基本的算法改进,通过不断的分析,实验,最后得出最佳的改进算法。

关键词: 算法 改进 插入式排序 快速排序

1 引言

对于一个好的排序算法,应该是在不断总结和改进的基础之上得出的,快速型排序是比其他任何算法都应用广泛的排序算法,在排序算法中是最流行、最实用的。其原因是它易于实现,能够很好地适用于不同的输入数据,而且在很多场合它消耗的资源比其他任何排序方法都少。在计算机上实现时,一个精心编制的快速排序版本比其他任何排序方法要快很多,快速排序广泛被用作库排序工具,而且还被应用于其他意义重大的应用中。

2 基本方法的准备与实现

在全面涉及内部排序算法时,首先要掌握几种适合小文件,思维过程易理解的基本排序算法。借助这些算法,我们可以掌握排序算法的一些基本术语和基本原理。快速排序是对冒泡排序的一种本质的改进。它的基本思想是通过一趟扫视后,使待排序的长度能较大幅度地减少。在冒泡排序中,一次扫视只能确保最大键值的结点移动到了正确位置,而待排序序列的长度可能只减少 1。快速排序通过一次扫视使某个结点移动到了正确位置,并使他在它左边序列的结点的键值都比它的小,而它右边序列的结点的键值都不比它的小。我们称这样一次扫视为“划分”。每次划分使一个长序列变成新的较小子序列,对这两个小子序列分别作同样的划分,直到新的子序列的长度为 1 时才不再划分。当所有的子序列长度都为 1 时,序列便

已排好。

在已有的快速排序基础之上,我们可以对快速排序进行改进,目的是寻找一个更合适的中间元素,来对文件进行高效率的划分,一个寻求较好的划分元素的方式是从文件中取出 3 个元素的样本,然后使用这 3 个元素的中值作为划分元素。分别从数组的左、中、右边选取一个元素,对这 3 个元素排序。把中间元素作为第一个元素,左边的作为第二个,右边的作为第三个。即保证了左边的一个为中值,右边的最大,避免了一些交换。利用此方法可以在递归基础上作改进,进而得出三元素中值法划分的快速排序。

基本算法如下:

函数: quicksort(int e[], int low, int high)

形参说明: e 为接收待排序数组的首地址, low 为待排序数组的起始下标, high 为待排序数组的末下标。

exchange(int e[], int low, int high)

```

{
    /* 对三个数进行确定中值,待选的三个数为数组中左中右三个数,即实现交换 */
    int t, i = (low + high) / 2; /* 确定中间数的下标 */
    if (e[i] > e[low]) /* 通过三个单分支实现中值落在下标为 low 的位置上 */
        {t = e[i]; e[i] = e[low]; e[low] = t;}
    if (e[i] > e[high])
        {t = e[i]; e[i] = e[high]; e[high] = t;}
}

```

```

if(e[low] > e[high]) /* 最后一个分支进行
定位中值 */
{t=e[low];e[low]=e[high];e[high]=t;}
}
quicksort(int e[],int low,int high)
{ int i,j,t;
if(high-low >= 3) /* 有必要进行确定中
值 */
exchange(e,low,high); /* 调用交换函数 */
if(low < high) /* 对 low 至 high 以 e[low] 为
基准作划分 */
{i=low;j=high;t=e[low]; /* 用基本快速排
序方法实现确定位置 */
while(i < j)
{ while(i < j && e[j] > t) j--;
if(i < j) e[i++] = e[j];
while(i < j && e[i] <= t) i++;
if(i < j) e[j--] = e[i];
}
e[i] = t;
quicksort(e,low,i-1); /* 递归,对左子序列
作划分 */
quicksort(e,i+1,high); /* 递归,对右子序列
作划分 */
}
}

```

3 分析与改进

三元素中值法在三个方面对快速排序有帮助。首先,它使最坏情况在实际排序中出现的概率更小。因为检查的元素必定处于文件的最大与最小元素之间,而且这种情况在大部分划分中始终如此。其次,它避免了划分中对标记键的需求,因为这个函数由这三个元素中之一来担任,他们在划分前就进行了检查。第三,它减少了算法的总平均运行时间。在处理问题的时候,我们采用的是递归的办法,程序虽然利用的是三元素中值法,但在递归快要结束的时候,中值法进行交换时的意义不大,所以可以将其改进。如果数组的长度小于 M (可令 $M=10$) 时就停止递归。这样的快速排序结束后没有达到预期的目的,但它具有一定的初始序列,我们可以将其进行一下直接插入排序,完成了本

次改进。具体函数程序如下:

```

函数: void sort(int a[],int l,int r)
形参说明: a 为接收待排序数组的首地址, l 为数
组的起始下标, r 为数组的末下标。
void quicksort(int a[],int l,int r)
{ int i,j,t,e,v;
if(r-l <= M) return; /* 如果长度小于 M,停
止递归 */
t=a[(l+r)/2]; a[(l+r)/2]=a[l+1]; a[
l+1]=t; /* 将中间值同第二个元素交换, */
if(a[l] > a[l+1]) {t=a[l]; a[l]=a[l+1];
a[l+1]=t;}
if(a[l] > a[r]) {t=a[l]; a[l]=a[r]; a[r]
=t;}
if(a[l+1] > a[r]) {t=a[l+1]; a[l+1]=a
[r]; a[r]=t;}
/* 上面三行将三个元素(第一个,第二个和
最后一个)进行由小到大排序 */
i=l+1; j=r-1; /* i 下标为中值 */
v=a[i]; /* 将中值存储在 v 中 */
i++;
for(;;)
{ while(a[+i] < v); /* 在左端检测,如果
遇到比 v 大的停止 */
while(v < a[-j]) if(i >= j) break; /* 如果遇到
比 v 小的停止 */
if(i >= j) break;
t=a[i]; /* 交换检测到的两个值 */
a[i]=a[j];
a[j]=t;
}
t=a[i]; /* 将中值交换到恰当的位置 */
a[l]=a[l+1];
a[l+1]=t;
quicksort(a,l+1,i-1); /* 递归,对左子序列作划
分 */
quicksort(a,i+1,r-1); /* 递归,对右子序列作划
分 */
}
insertion(int a[],int l,int r) /* 直接插入排序函
数 */

```

```

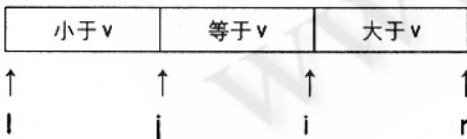
{ int l, j, t;
for(i=l+1; i<=r; i++)
{ t=a[i];
j=i-1;
while(a[j]>t && j>=l)
{ a[j+1]=a[j];
j--;
}
a[j+1]=t;
}
}

void sort(int a[], int l, int r) /* 可认为是一个三
元素中值法快速排序函数 */
{ quicksort(a, l, r); /* 先中值法, 得到一个接近
有序的序列 */
insertion(a, l, r); /* 利用直接排序法得到完整的
序列 */
}

```

4 特殊问题的应用

在排序应用过程中, 经常出现具有大量重复键的文件。例如, 按出生年份排序一个职员文件, 或者使用排序来区分女性与男性, 当存在这样许多重复键时, 快速排序性能会变得低下, 让人无法接受, 但可以进行实质的改变。一个直接的想法是, 将文件分成三部分, 每部分分别对应小于划分元素的键、等于划分元素的键以及大于划分元素的键, 进而可以得出三路划分的快速排序。如下所示:



完成这个划分要比二路划分更复杂, 有许多不同的方法可用于完成此项任务。Bentley 和 McIlroy 在 1993 年发明的一个解决三路划分的聪明方法是, 修改标准划分方案如下: 将左边子文件中碰到的与划分元素相等的键放到文件的左端, 将右边子文件中碰到的与划分元素相等的键放到文件的右端。在划分过程中, 应该保持如下情形:



然后, 当指针交叉而且相等键的准确位置已知时, 将所有与划分元素相等的键的项交换到位。这种方案不是很符合三路划分在文件的一次遍历中完成要求, 但是重复键的额外开销只与发现的重复键数量成比例。这表明两点: 一是, 即使没有重复键, 这种方法也非常有效, 因为不存在额外的开销。二是, 当仅存在常数个键值时, 该方法为线性时间: 每个划分阶段从排序中排序所有具有与划分元素相等的值的键, 所以, 每个键最多在一定数量的划分中用到。

具体利用本思想的三路划分快速排序是将数组划分为三部分: 小于划分元素的元素 (放在 $a[l], \dots, a[j]$); 等于划分元素的元素 (放在 $a[j+1], \dots, a[i-1]$); 以及大于划分元素的元素 (放在 $a[i], \dots, a[r]$)。于是, 排序可以通过两个递归调用来完成, 一个调用针对较小键, 另一个调用针对较大键。为了达到此目的, 程序将等于划分元素的键放在左边的 l 和 j 之间, 右边的 rr 和 r 之间。在划分循环中, 扫描指针停止, 而且交换 l 和 j 处的项之后, 她检查每个项是否等于划分元素。如果左边的一个元素等于划分元素, 将它交换到数组的左部分; 如果右边有一个元素等于划分元素, 将它交换到数组的右边部分。具体函数代码如下:

函数: void sort(int a[], int l, int r)

形参说明: a 为接收待排序数组的首地址, l 为数组的起始下标, r 为数组的末下标。

void quicksort(int a[], int l, int r)

```

{ int i, j, k, p, q;
int v, t; /* v 中存放标准键值, t 用于交
换 */
if(r <= l) return;
v=a[r]; /* 令最后一个元素为键值 */
i=l-1; /* 下面的语句是 ++i */
j=r; p=l-1; q=r; /* p, q 分别为大于
和小于的两端位置 */
for( ; )
{ while(a[ ++i] < v); /* 在左端检测,
如果遇到比 v 大的停止 */
while(v < a[ --j]) if(j == l)

```

```

break; /* 如果遇到比 v 小的停止 */
    if(i >= j) break;
    t = a[i]; a[i] = a[j]; a[j] = t; /*
    * 交换检测到的两个值 */
    if(a[i] == v) { p++; t = a[p];
a[p] = a[i]; a[i] = t; }
    if(v == a[j]) { q--; t = a[q];
a[q] = a[j]; a[j] = t; }
/* 分别把与键值相等的移到两端 */
}
t = a[l]; a[l] = a[r]; a[r] = t;
j = i - 1; i = i + 1;
for(k = l; k < p; k++, j--) { t = a[k]; a
[k] = a[j]; a[j] = t; }
for(k = r - 1; k > q; k--, i++) { t = a
[k]; a[k] = a[i]; a[i] = t; }
/* 把等于键值的元素分别放到恰
当的位置 */
quicksort(a, l, j); /* 递归,对左子序列作划
分 */
quicksort(a, i, r); /* 递归,对右子序列作划
分 */
}

```

本算法的实现要求在交换循环中只添加两个 if 语

句,通过将等于划分元素的键放到位,它只需要两个 for 循环来完成划分。要维护这三个划分,与其他方法相比,似乎它需要的代码更少。更重要的是,它不仅以一种尽可能有效的方式来处理重复键,而且在无重复键时,带来的额外开销最少。

5 总结

总之,在进行快速排序的过程中,我们采用的是递归算法,在解决大问题化小问题的时候它显得尤为重要。同样,对于小问题我们可以采用低开销的直接插入型算法,这样通过混合算法提高了总的效率。在遇到特殊性问题的时候,我们同样采用具体问题具体分析的办法,通过不断的分析与改进,最终取得一个最佳的效果。

参考文献

- 1 徐孝凯、贺桂英,数据结构[M],北京:清华大学出版社,2004.
- 2 廖荣贵,数据结构与算法[M],北京:清华大学出版社,2004.
- 3 美 Robert Sedgewick. C 算法. 周良忠译注北京:人民邮电出版社,2004.
- 4 王刚,数据结构[M],北京:清华大学出版社,2004.