# 基于混合现实的管网巡检系统①

李瑞杰1,2, 郭向坤2

1(中国科学院大学, 北京 100049)

2(中国科学院 沈阳计算技术研究所, 沈阳 110168)

通讯作者: 李瑞杰, E-mail: 1419789871@gg.com



要: 针对传统管网巡检系统中存在的管网数据时效性不足、管网间空间位置关系不直观、连贯性差等问题, 本 文采用混合现实、空间定位和三维建模等技术,针对管网巡检需要,动态构建管网并与实际地物进行融合,直观展 现管网间的空间位置关系和管网的实时运行状态,设计并实现了基于混合现实的管网系统,针对管网模型定位问 题,本文设计出了一种空间坐标转换方法来完成虚拟管网与真实管网的空间映射.针对管网模型的构建与优化问 题, 本文提出一种管网动态构建和优化方法实现管网动态加载和局部连接处的平滑处理. 实验结果表明: 通过文中 提出的方法可以将虚拟模型与真实管网进行准确的空间融合、能够对虚拟管道衔接处进行平滑处理、清晰直观展现 管道的空间关联关系.

关键词: 混合现实; 管网巡检; 管网动态构建; 细节优化

引用格式: 李瑞杰,郭向坤.基于混合现实的管网巡检系统.计算机系统应用,2020,29(10):75-81. http://www.c-s-a.org.cn/1003-3254/7646.html

# Pipeline Network Patrol System Based on Mixed Reality

LI Rui-Jie<sup>1,2</sup>, GUO Xiang-Kun<sup>2</sup>

<sup>1</sup>(University of Chinese Academy of Sciences, Beijing 100049, China)

<sup>2</sup>(Shenyang Institute of Computing Technology, Chinese Academy of Sciences, Shenyang 110168, China)

**Abstract**: For traditional pipeline inspection systems that exist non-sufficient timeliness in the network data, spatial location relationship between networks is not intuitive and with poor continuity problems, this study uses the mixed reality, 3D modeling, and spatial positioning technology, in accordance with the need of pipeline inspection, dynamically constructs the pipe network and fuses with the actual features, intuitively shows the spatial location relationship between the networks and the real-time running condition of the pipeline network, designs and implements pipe network system based on mixed reality. Aiming at the problem of pipeline network model positioning, this study designs a spatial coordinate transformation method to complete the spatial mapping between virtual pipeline network and real pipeline network. For the construction and optimization of pipeline network model, this study proposes a dynamic construction and optimization method to realize the dynamic loading of pipeline network and the smoothing of local connections. The experimental results show that the proposed method can accurately integrate the virtual model with the real pipeline network, smooth the connection of the virtual pipe, and clearly and intuitively show the spatial relation of the pipeline.

Key words: mixed reality; pipeline network inspection; network dynamic construction; details of the optimization

混合现实技术[1] 是在虚拟现实技术基础上发展起 来的, 该技术在现实环境中引入虚拟增强信息, 实现真 实环境与虚拟增强信息的交互, 创建一个虚实融合的 全新环境、增强用户体验的真实感. 基于混合现实的管

① 收稿时间: 2020-03-09; 修改时间: 2020-04-10, 2020-04-24; 采用时间: 2020-04-28; csa 在线出版时间: 2020-09-30



网巡检系统就是混合现实技术在管网方面的全新应用, 改善了传统管网的巡检方式.

美国的北卡罗来纳大学的学者将虚拟现实技术应 用在了分子建模、建筑仿真、航空驾驶和外科手术仿 真等领域. 同时, 美国的科技公司成功将虚拟现实技术 应用与石油管道的维修中, 完成对维修工作的指导. 国 内很多学者和公司正在尝试将混合现实技术应用于各 个领域, 北京超图将增强现实技术引入到 GIS 系统中, 增强 GIS 系统的展现能力. 目前混合现实技术尚未深 入应用于管网巡检, 传统的管网巡检都是"移动端/ Web 服务器"模式,管网巡检的研究多集中于对传统管 网巡检模式的改进[2,3],或者是对特定管线的巡检的改 进,例如电力管线[4,5]、海底管道[6,7],传统管网巡检模 式中,巡检人员手持移动端,凭借经验和移动端屏幕显 示的内容来对管道的位置以及管道间空间位置关系做 出判断,管网间空间位置易于出现误判.借助混合现实 头显设备直接查看到地下管网空间结构,虚拟管道的 位置、尺寸和角度等都是通过混合现实技术根据管道 的真实数据构建而来. 巡检人员通过混合现实头显设 备不仅可以观察到真实环境信息,还能观察到虚拟地 下管道, 具备"看穿路面"的能力, 提高管网巡检的效率, 避免误判的产生. 本文主要针对管网模型动态构建的 相关问题展开研究和实验. 针对管网模型定位问题, 设 计出了一种空间坐标转换方法来完成虚拟管网与真实 管网的空间映射,针对管网模型的构建与优化问题,提 出一种管网动态构建和优化方法实现管网动态加载和 局部连接处的平滑处理.

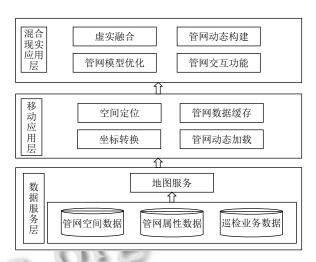
#### 1 系统整体架构设计

系统的整体架构分为3层:数据服务层、移动应用层、 混合现实应用层. 管网巡检系统的框架结构图如图 1 所 示. 本文中混合现实设备采用微软的第一代 HoloLens, 由于该设备不具备定位功能, 需要使用辅助设备来实现 定位,借助具有定位功能的移动端完成定位功能.

# 1.1 数据服务层

数据服务层主要由管网空间数据、管网属性数 据、巡检业务数据等数据信息通过 GIS 软件以地图服 务形式提供数据服务功能. 本研究中采用 ESRI 的 ArcGIS 软件来实现管网地图服务的发布, 为整个系统 提供地图服务, 通过地图服务提供管网的空间数据信 息和管径、流量、管压等管道属性信息的读取服务.

76 系统建设 System Construction



管网巡检系统整体架构图

# 1.2 移动应用层

移动应用层主要完成空间定位, 管网数据坐标 转、管网数据动态加载和管网数据的缓存. 移动用于 端选用具有空间定位功能的安卓手机作为载体,主要 负责以下几个功能: (1) 信息获取: 从地图服务器中获 取管网动态构建的相关信息,这些信息包括管道空间 数据信息和管道的属性信息. (2) 定位: 利用 GPS 功能 为整个系统提供定位服务,并以手机终端所在空间位 置作为混合现实头显设备生成的虚拟世界的原点, 完 成管道的空间坐标转化到混合现实的坐标系中. 该功 能将在第 2.1 节中进行详细的描述. (3) 数据传输: 将获 取到的管网信息进行筛选整个后, 以广播的形式向外 发送,这样就可以使多台混合现实头显设备接收到信息.

#### 1.3 混合现实应用层

混合现实应用层主要完成虚拟信息和真实环境的 虚实融合、管网的动态构建、虚拟管网的动态优化、 虚拟管网的动态交互等功能. 混合现实设备终端主要 根据从移动终端接收到的管道空间位置信息在混合现 实设备端的坐标系的对应位置处动态构建及优化管网 模型以及制作可视化界面用来显示管道的属性信息和 运行信息,本文中主要讨论管网模型动态构建及优化和 验证定位的准确性,将在第2.2节中进行详细的描述.

# 2 系统关键技术

本节主要对管道空间坐标转化和管网模型动态构 建及优化等关键技术进行介绍. 混合现实设备端对管网 进行动态构建必须要解决以下两个问题: (1) 在何处建 模: 即需要解决管网模型的定位问题. (2) 如何建模: 即 设计一种方法能够在程序运行时动态的构建管网模型并 能够对管网模型进行优化使得模型变得真实,不再生硬.

#### 2.1 管网定位

管网的定位是为了解决"在何处建模"的问题. 从 地图服务器中获取的是管网在真实地理信息系统下的 三维空间坐标, 该坐标是采用 WGS84 坐标系[8,9] 的投 影坐标, 需要将该坐标系中的管道坐标转换成混合现 实设备中平面坐标系下的坐标.

#### 2.1.1 WGS84 坐标系与混合现实坐标系

WGS84 坐标系: 为了便于地形图的测量作业, 在 WGS84 坐标系的高斯-克吕格投影带内布置了平面直 角坐标系统, 其中规定中央经线为 X 轴, 赤道为 Y 轴, 中央经线与赤道交点为坐标原点, x 值在北半球为正. 南半球为负, y 值在中央经线以东为正, 中央经线以西 为负. GPS 卫星测得的坐标都是采用的 WGS84 坐标系.

混合现实坐标系: 该坐标系以移动终端所在的空 间点为坐标系的原点, 以混合现实设备端视野的正前 方为坐标系 Z 轴, 视野的右侧为 X 轴, 正上方为 Y 轴 建立空间坐标系.

#### 2.1.2 坐标系转换

在进行坐标转换时,将经纬度信息转换为混合现 实坐标系 X 轴和 Z 轴的信息, Y 轴信息即为管道的高 程信息. 将高斯-克吕格投影带内布置的平面直角坐标 系转化到 unity 坐标系中, 具体公式如式 (1) 所示:

$$\begin{cases} x_u = x_p - x_m \\ z_u = y_p - y_m \end{cases} \tag{1}$$

 $x_m$  和  $y_m$  是手机经纬度转换的平面坐标,  $x_n$  和 y<sub>n</sub> 是从地图服务器中获取的管道的点转化成的平面坐 标的信息, 其中 $x_u$ 和 $z_u$ 是真实地理环境中管道转换到 混合现实坐标系中点对应的坐标. 因为地图服务器中 的坐标系和混合现实中的坐标系的Y轴和Z轴是相 反的, 所以转换后 Y 轴对应的信息正是混合现实设备 Z 轴对应的信息.

#### 2.1.3 方向角的校正与偏移

由于在校准过程中手机的方向角与混合现实端的 方向角很难达成一致, 所以必须对手机方向角和混合 现实方向角进行校正. 具体方法如式 (2) 所示:

$$\begin{cases}
R = A - R_c \\
x' = x_u \cos R - z_u \sin R \\
z' = x_u \sin R + z_u \cos R
\end{cases}$$
(2)

其中,A为手机端测得的方位角, $R_c$ 为混合现实端的偏 向角, 如果 R<0, 则令 R=R+360.

最后进行偏移得到最终点的坐标. 方法如式 (3)

所示:

$$\begin{cases} x = X_c + x' \\ y = Y_c \\ z = Z_c + z' \end{cases}$$
 (3)

其中, x, y, z 是最终点的坐标,  $X_c$ ,  $Z_c$  分别是混合现实设 备在X轴和Z轴上的坐标,Yc是从ARCGIS服务器中 获取的管道的点的高程信息. x', z'分别是方向角校正之 后的坐标.

#### 2.2 模型的构建

根据坐标信息如何对管网模型进行动态构建, 采 用什么方法对构建好的模型进行优化是增强用户体验 真实感的重点.

# 2.2.1 构建模型的方法

由于管网多是线性特征的形状, 在 ArcGIS 中是 以 Polyline (折线) 要素来进行存储的. 折线是由串联连 接的段构成,每个段限定一个起点一个终点,起点和终 点之间是一条连续的直线. 将起点和终点分别作为模 型两端的中心点,建立圆柱体三维模型用来仿真管道, 圆柱底面直径为管道真实管径. 这样可以真实的反映 管道间的空间位置关系,便于管网施工,避免检修过程 中产生挖断,挖错管道的情况.

# 2.2.2 弊端及优化

弊端: 由于虚拟管网中的每条管道都是单独进行 建模的, 管道与管道之间不存在联系, 导致管道与管道 之间的衔接处会出现如图 2 所示的情况.



图 2 管网建模弊端图

优化:上述弊端是管道单独建模,彼此之间互不影 响造成的. 而真实的管道是不可能独立存在的, 相邻两 条管道的衔接处都会有弯头将两条管道连接在一起. 正是由于各个管道相互交织组成了管道网络. 对上述 问题进行优化,本文采用触发器动态加载预制体的方 式. 当两条管道需要进行衔接时, 模型中的一部分一定 会重合就会触发触发器函数. 在该函数中依据两条管 道衔接方式的不同选择不同的衔接预制体去进行优化, 衔接方式根据形状可以分为V型、L型、I性、T型、

十字型、X型和Y型等等,衔接点即为模型的中心点. 利用预制体制作技术提前将需要的预制体进行制作, 并使用不同的材质球进行渲染,使衔接预制体和管道 模型容易区分. 衔接预制体的尺寸可以根据管道管径 进行动态调整,这样可以使得建模更加的真实.

(1) L 型特点: 两条管道有一个公共顶点且另一个顶 点不在另一条管道所在直线上, 两条管道互相垂直. L 型 预制体由互相垂直的两个部件组成, 其模型如图 3 所示.

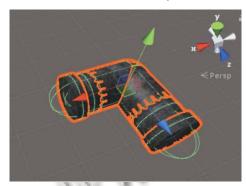


图 3 L型预制体

(2) I 型特点: 两条管道在同一直线. 这种情况如果 不加以处理会让操作者误认为是一条管道,从而造成 漏查的情况. I 型预制体的模型如图 4 所示.

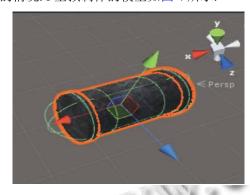
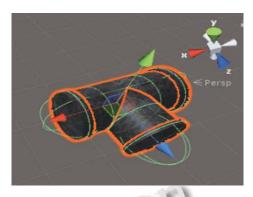


图4 I型预制体

- (3) T型特点: 一条管道的一个端点在另一条管道 上 (两端点除外), 且两条管道互相垂直. T 型预制体由 相互垂直的两个部件组成, 其模型如图 5 所示.
- (4) 十字型特点: 两条管道垂直, 4 个顶点皆不相同 并且不在另一条管道上. 十字型预制体是由互相垂直 的两个部件组成, 其模型如图 6 所示.
- (5) V型、X型和Y型特点: 这3种情况分别为 L型、十字型和 T型的特殊情况, 因为两条管道不垂 直且两条管道的夹角是不确定的,可以分别使用 L型、 十字型和 T型预制体, 因为预制体的两个部分可以自 由旋转可以适用于任何夹角.

78 系统建设 System Construction



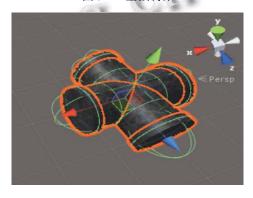


图 6 十字型预制体

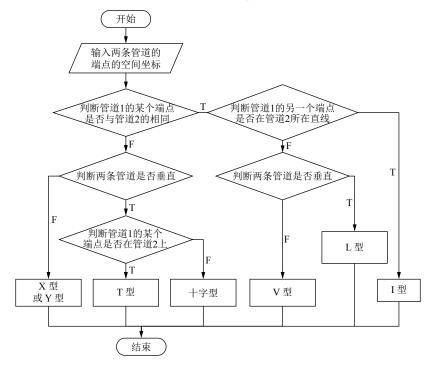
衔接方式的具体判断流程如图 7 所示: 通过流程 图可以看出,本文提出的判断衔接预制体的方法主要 是通过对相邻管道端点所在空间直线的位置关系来判 断的. 主要过程如下:

- (1) 根据两条管道的两个端点进行判断, 如果两条 管道存在一个公共顶点则执行(2). 如果没有,则执行(4).
- (2) 判断管道 1 的另一个端点是否在管道 2 所在 直线上, 如果是, 则衔接类型为 I 型. 如果不是则执行 (3).
- (3) 判断两条管道所在直线是否垂直, 如果是, 则 衔接类型为 L 型, 若不是, 则衔接类型为 V 型.
- (4) 判断两条管道所在直线是否垂直, 如果不是, 则衔接类型为 X 型或 Y 型, 如果是则执行 (5).
- (5) 判断管道 1 的某个端点是否在管道 2 所在线 段上, 如果是, 则衔接类型为 T型, 如果不是, 则衔接类 型为十字型.

选择好正确的预制体后,接下来就是对预制体进 行自身姿态的调整. 该调整主要包括旋转、平移和缩 放操作. 其中旋转调整使其能够准确地进行衔接. 以下 以 L 型衔接为例, 描述旋转过程. L 型衔接可以抽象成 如图 8 所示的数学模型.

图 8 中两条管道分别为 AB 和 $A_1B_1$ , 点 B 和点

 $A_1$  为两条管道的公共顶点, 也是 L 型预制体的坐标原 点. 根据图 8 的数学模型图和图 3 的 L 型预制体所示, 我们只需要将预制体的两个部件分别做旋转调整,即 可达到想要的效果. 以其中一个部件为例, 计算出 $\overline{BA}$ 相 对于以 B 点为原点的空间坐标系水平旋转 (绕 Y 轴旋 转) 了多少度. 如图 9 所示为绕 Y 轴旋转图.



衔接方式判断流程图

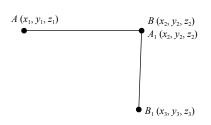


图 8 L型衔接的数学模型

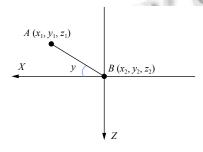


图9 绕Y轴旋转图

如图 9 所示向量 $\overrightarrow{BA}$ 绕 Y 轴旋转了 y 度, 根据 A, B 两点的空间坐标可以计算出在 90 度范围内旋转角 的 tanh 值, 利用该值可以得到不同情况下的旋转角度, 根据向量 $\overrightarrow{BA}$ 计算旋转角的计算公式如下:

$$y = \arctan \frac{|z_1 - z_2|}{|x_1 - x_2|}, \quad (0 < y < 90)$$
 (4)

在 unity 坐标系中, 如图 9 所示的情况, 顺时针旋 转为正方向, 具体分为以下几种情况:

$$\Rightarrow x = x_1 - x_2, z = z_1 - z_2$$
:

- (1) x 为正数, z 为负数, 旋转角为 y.
- (2) x 为 0, z 为负数, 旋转角为 90°.
- (3) x 为负数, z 为负数, 旋转角为  $\nu+90^{\circ}$ .
- (4) x 为负数, z 为 0, 旋转角为 180°.
- (5) x 为负数, z 为正数, 旋转角为  $v+180^{\circ}$ .
- (6) x 为 0, z 为正数, 旋转角为 270°.
- (7) x 为正数, z 为正数, 旋转角为 y+270°.

使用同样的方法可以计算出部件 1 需要绕 X 轴、 Z 轴旋转的角度. 再次计算出 $\overrightarrow{A_1B_1}$ 绕 3 个坐标轴的旋 转角度, 使 L 型预制体的部件 2 分别绕 3 个坐标轴进 行旋转, 便可以使 L 型预制体与管道正确的衔接. 其他 类型的衔接预制体的旋转都可以仿照L型衔接预制体 的旋转方法进行旋转.

由于管道的衔接点就是预制体的生成位置, 所以 不需要进行平移操作. 针对缩放操作, 只需要将预制体 的每个部件的尺寸调整为管道直径即可. 至此, 就完成

了预制体自身姿态的调整.

# 3 测试结果与分析

本文采用微软的 Hololens 混合现实设备作为混合 现实终端, 采用小米 max2 作为移动终端, 采用 ArcGIS Server 进行地图服务发布, 以所在园区的局部自来水 管网为例进行测试实验.

#### 3.1 管道定位验证

大区域范围内管网数据量庞大,移动端无需全部 一次性全部进行下载,系统依据终端位置信息进行动 态局部下载和缓存. 依据实验本文动态获取移动终端 周边 500 m 范围内的管网数据并进行计算和缓存. 混 合现实设备端只需显示周边 100 m 范围内的管网数据 便能满足对管网巡检的需要, 当混合现实终端移动时, 动态从移动终端中读出缓存管网信息,并进行动态绘 制和融合显示. 同时, 通过阈值限制来触发移动端进行 地图数据获取和处理.

根据上文第3部分提到的坐标转换公式、方向角 的校正与偏移公式,可以根据管道在真实地理信息系 统下的坐标计算出管道在混合现实端坐标系中的坐标. 其中部分数据的转换如表 1(表中数据精确到小数点 后 4位): 其中手机的维度为北纬 41.741 499 25 度, 经度 为东经 123.540 342 04 度, GPS 方位角 91.081 440 016 144 63 转换后的点的平面坐标为 (544 877.372 493 4395, 4623114. 573 027 286).

表 1 以手机为原点管道在坐标系中的相对位置

|       |              | 好格前            |          |           |  |
|-------|--------------|----------------|----------|-----------|--|
| 坐标点 - | 转换前          |                | 转换后      |           |  |
|       | X            | Y              | X        | Z         |  |
| 坐标点1  | 544 831.5503 | 4 623 115.2350 | 0.2030   | -45.8265  |  |
| 坐标点2  | 544779.2763  | 4 623 084.6012 | 31.8179  | -97.5130  |  |
| 坐标点3  | 544774.2361  | 4623 080.2351  | 36.2784  | -102.4699 |  |
| 坐标点4  | 544747.6535  | 4623064.1050   | 52.9073  | -128.7434 |  |
| 坐标点5  | 544 838.4173 | 4623 199.2020  | -83.8787 | -40.5455  |  |
| 坐标点6  | 544 843.8184 | 4 623 190.1968 | -74.9770 | -34.9754  |  |
| 坐标点7  | 544 834.4977 | 4 623 180.3065 | -64.9126 | -44.1078  |  |
| 坐标点8  | 544 829.6697 | 4623173.6951   | -58.2112 | -48.8101  |  |
| 坐标点9  | 544 885.3328 | 4 623 094.8341 | 19.5852  | 8.3314    |  |
| 坐标点10 | 544 896.8865 | 4623099.0297   | 15.1722  | 19.8039   |  |
| 坐标点11 | 544 909.4263 | 4 623 106.9582 | 7.0085   | 32.1918   |  |
| 坐标点12 | 544 917.5023 | 4 623 116.4444 | -2.6284  | 40.0873   |  |
| 坐标点13 | 544 921.0040 | 4 623 126.2190 | -12.4674 | 43.4039   |  |
| 坐标点14 | 544 922.9532 | 4 623 137.3318 | -23.6150 | 45.1430   |  |

转换前 Z 轴坐标与转换后 Y 轴坐标属于高程信 息,不需要进行坐标转换,所以没有在表中进行陈列.

80 系统建设 System Construction

混合现实设备端依据这些数据对管网进行初步建 模,得到如图 10 所示模型,移动端获取到管网信息后, 在移动终端绘制的地图中显示. 如图 11 所示.



混合现实设备端显像图



图 11 手机地图中管网绘制图

在图 10 中, 浅蓝色光点处是实验时操作人员所在 的位置,灰白色的模型为混合现实设备端根据从手机 端获取的管道数据生成的管网模型,图 11 中蓝色光点 为操作人员现在所在的位置, 红色加号处为操作人员 开启程序时所在位置,绿色光圈表示周围 100 米的范 围. 可以看出, 随着操作人员的移动, 程序可以动态获 取周围 100 米范围内的管网数据. 红色的线条为管网 的实际位置及形状,通过对比以上两张图可以清晰看 到混合现实设备生成的管网模型的位置是准确的.

#### 3.2 优化测试

将衔接类型判断、衔接预制体选择和衔接预制体 旋转的相关逻辑编成单独的脚本, 在动态生成管道模 型时动态加载到每一条管道模型. 效果图如图 12~ 图 16 所示.

从图 12~图 16 可以看出, 利用文中提到的方法, 通 过对管道衔接处的特征进行分析,可以正确地选择出 衔接预制体, 而且衔接预制体相对于自身坐标系已经 进行了姿态的调整, 衔接预制体与对管道模型衔接处 的优化也达到了预期的目标.

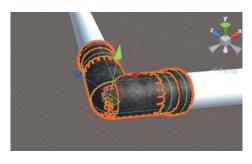


图 12 L型衔接处效果图

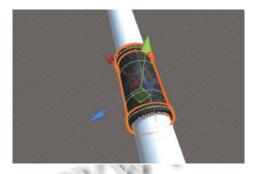


图 13 I型衔接处效果图

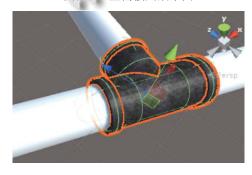


图 14 T型衔接处效果图

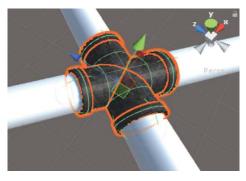


图 15 十字型衔接处效果图

# 4 结论

为了能够在混合现实设备端动态的、准确的生成 管网模型,本文针对构建管网模型的两大问题展开讨 论. 其中针对管网定位问题, 本文提出了将管道真实地 理坐标转化成混合现实坐标系中坐标的方法. 针对管

网模型的构建与优化问题,本文提出了管网动态构建 方法、利用预制体对管网模型衔接处进行优化的方法 和预制体模型姿态调整方法. 最后以所在园区的局部 自来水管网为例进行测试,实验结果表明:通过文中提 出的方法可以将虚拟模型与真实管网进行准确的空间 融合,能够对虚拟管道衔接处进行平滑处理,清晰直观 展现管道的空间关联关系.

本文提出的管道定位方法仍有改进之处. 管网模 型优化方面,除了对衔接处优化之外,尚未考虑其他方 面的优化. 为了提高用户的体验, 虚拟管网操作交互方 面还需要进一步的完善.

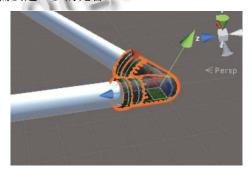


图 16 V型衔接处效果图

# 参考文献

- 1 Tamura H, Yamamoto H, Katayama A. Mixed reality: Future dreams seen at the border between real and virtual worlds. IEEE Computer Graphics and Applications, 2001, 21(6): 64-70. [doi: 10.1109/38.963462]
- 2 段汝东. 基于 Android 的移动 GIS 地下管线运维信息发布 平台研究 [硕士学位论文]. 昆明: 昆明理工大学, 2018.
- 3 钟广锐. 移动 GIS 地下管线巡查管理系统设计与实现. 地理 信息空间, 2018, 16(7): 69-71.
- 4 熊然, 李劲松, 伍清清. 对城市地下电力管线规划和 WebGIS 系统开发的分析. 贵州电力技术, 2017, 20(3): 85-87.
- 5 吕磊, 单宝麟, 闫松. 基于三维 GIS 的地下电力管线管理系 统的设计与实现. 测绘与空间地理信息, 2016, 39(3): 95-98. [doi: 10.3969/j.issn.1672-5867.2016.03.028]
- 6 支雄飞. 海底管道监测三维动态显示技术研究 [硕士学位 论文]. 合肥: 安徽大学, 2015.
- 7 孙惠子. 水下气田海底管道泄漏可视化仿真 [硕士学位论 文]. 青岛: 中国石油大学(华东), 2016.
- 8 高号. WGS-84 坐标系平差坐标向 2000 中国大地坐标系的 转换. 通讯世界, 2018, (5): 320-321. [doi: 10.3969/j.issn. 1006-4222.2018.05.198]
- 9曾富权, 庞咏. 坐标系转换及相关问题的探讨. 云南质地, 2017, 36(2): 302-306.